نشربه علمی «علوم و فناوری می یدافند نوین» سال یازدهم، شماره ۱، بهار ۱۳۹۹؛ ص ۴۰-۳۱

بهبود امنیت دینامیکی در مقابل حملات تروریستی در سامانه های قدرت

با ضريب نفوذ بالاي منابع فتوولتائيك

کتایون حسین آبادی ^۱، مرتضی خردمندی ^۲* ۱- کارشناسی ارشد، ۲- استادیار، دانشگاه شهید بهشتی

(دریافت: ۹۷/۰۲/۱۸، پذیرش: ۹۷/۱۰/۱۹)

چکیدہ

سامانههای قدرت همواره در معرض اغتشاشات از قبیل حملات تروریستی هستند. وقوع این اغتشاشات باعث برهم خوردن تعادل بین توانهای تولیدی و مصرفی و بروز نوسانات زاویهای در روتور ژنراتورها میشود. بررسی نوسانات زاویهای و پایداری شبکه بهازای اغتشاشات بزرگ تحت عنوان پایداری گذرا طبقهبندی میشود. از طرفی در سالهای اخیر، با توجه به نیاز روزافزون کشورها به منابع انرژی، استفاده از انرژیهای تجدیدپذیر بهویژه انرژی خورشیدی رو به گسترش است. هدف این پژوهش، بررسی تأثیرات وارد شدن سامانههای فتوولتائیک در شبکههای قدرت در پایداری گذرای سیستم قدرت بزرگ است. با توجه به اینکه منابع فتوولتائیک دینامیک متفاوتی نسبت به ژنراتورهای سنکرون دارند با بالا رفتن ضریب نفوذ توان تولیدی این منابع بهجای ژنراتورهای سنکرون، دینامیک شبکه دستخوش تغییر میشود. بهمنظور در نظر گرفتن این تأثیرات، مدلی مناسب برای منابع فتوولتائیک در زمان گذرا انتخاب شده و به کمک روش تابع انرژی گذرا، این مدل در روابط حاشیه انرژی گنجانده شده است و حساسیت آن نسبت به جایگزینی توان ژنراتورهای سنکرون با منابع فتوولتائیک محاسبه گردیده است. با در نظر گرفتن این تأثیرات مدلی مناسب برای منابع فتوولتائیک در زمان گذرا دینامیک شبکه دستخوش تغییر میشود. بهمنظور در نظر گرفتن این تأثیرات، مدلی مناسب برای منابع فتوولتائیک در زمان گذرا

كليدواژهها: پايدارى گذرا، منابع فتوولتائيك، أناليز حساسيت، تابع انرژى گذرا

Enhancing Dynamic Security against Terrorist Attacks in Power Systems with Higher Penetration of Photovoltaic Resources

K. Hosseinabadi, M. Kheradmandi* Shahid Beheshti University (Received: 08/05/2018; Accepted: 01/01/2019)

Abstract

The wide spreading restructuring has laid further emphasis on economic and reliable operation of power grids. Power systems are, however, always subject to disturbances. These disturbances cause an unbalance between the electrical and mechanical power in generators, thus leading to angle oscillations on generator rotors. The analysis of system behavior in case of large disturbances is referred to as transient stability. On the other hand, exploiting renewable sources has been increasing due to the ever-increasing energy requirements in the developing and developed countries. Solar power is among the main sources of renewables that has drawn much attention due to the environmental concerns. In this project, the impact of integration of photovoltaic (PV) systems on transient stability of bulk power systems is investigated. As the PVs have different dynamic characteristic than the synchronous machines, system dynamic behavior will be affected by an increased penetration of photovoltaic generation. An appropriate model is, therefore, utilized for PVs in the transient period and incorporated in the energy margin. The sensitivity of energy margin is then calculated to the replacement of conventional generation resources with photovoltaic resources. Based on different scenarios, for example, four faults in the power system, the photovoltaic generations are located and sized at various buses.

Keywords: Transient Stability, Photovoltaic, Sensitivity Analysis, Transient Energy Function

 $* \ Corresponding \ Author \ E-mail: \ Kheradmandi@sbu.ac.ir$

۱. مقدمه

در سالهای اخیر، تجربیات جنگها و حملات تروریستی بر اهمیت مطالعه آسیب پذیری زیرساختهای اساسی افزوده است. یکی از مهمترین زیرساختهای اساسی هر کشور، زیرساخت شبکه برق آن است زیرا زیرساختهای دیگر به آن وابستهاند. تهدیدات بهرهبرداری به حوادث درون شبکهای نظیر خطا و خرابی تجهیزات و برون شبکهای مانند برخورد صاعقه، طوفان و اشتباه عوامل انسانی اطلاق می شوند. در سالیان متمادی مسئله امنیت و قابلیت اطمینان و پایداری شبکه قدرت در برابر این تهدیدات مورد توجه قرار گرفته است [۱].

امروزه به دلیل اهمیت مسائل زیستمحیطی، استفاده از منابع انرژی تجدیدپذیر و جایگزینی منابع سوخت فسیلی با این نوع منابع انرژی پاک بسیار مورد توجه قرار گرفته است. یکی از منابع تأمین انرژی رایگان و عاری از اثرات مخرب زیست محیطی، انرژی خورشیدی است که در سالهای اخیر با توجه به بحران انرژی، جایگزین انرژیهای فسیلی شده و به دلیل کاهش انتشار گازهای آلاینده با استقبال فراوانی مواجه شده است به طوری که در سال ۲۰۱۶ میلادی، برق خورشیدی ۴۷ درصد از کل ظرفیت نصب شده جدید را به خود اختصاص داد. در این سال، ۷۵ گیگاوات سیستم فتوولتائیک در جهان نصب شد که این میزان، بیشتر از توان نصب شده در ۵ سال قبل از آن بوده است. مجموع ظرفیت منابع فتوولتائیک نصب شده در جهان تا سال ۲۰۱۶ به ۳۰۳ گیگاوات رسیده است [۱]. نیاز روزافزون تعویض منابع سوخت فسیلی با منابع انرژی یاک و تجدید یدیر، چالش های جدیدی برای شبکه های قدرت ایجاد کرده است. از جمله این چالش ها می توان به تأثیر آن بر پایداری سامانه های قدرت اشاره کړ د.

از طرف دیگر؛ به دلیل گسترش و پیچیدگی روزافزون شبکه های سرتاسری قدرت، وقوع حوادث و بلایای طبیعی، جنگ و حملههای نظامی کشورهای مهاجم و نیز حملات تروریستی و خرابکارانه، امنیت شبکه بیشازپیش مورد تهدید واقع شده است؛ لذا نیاز است که سیستم با قابلیت اطمینان بالاتری مورد بهره برداری قرار گیرد. پدافند غیرعامل، دفاع در برابر تهاجم، بدون استفاده از سلاح و درگیر شدن مستقیم است. به بیانی دیگر، علاوه بر اینکه باید اقدامات لازم برای جلوگیری از این اقدامات انجام گیرد باید شبکه به نوعی طراحی و بهره برداری گردد که در صورت بروز چنین اتفاقاتی، بتواند همچنان به تغذیه بارها ادامه دهد. بنابراین اجرای اقدامات پدافند غیرعامل بهمنظور ارتقاء قابلیت اطمینان شبکه دارای اهمیت فراوانی است.

قابلیت اطمینان دارای دو مؤلفه کفایت ^۱ و امنیت ^۲ است که مؤلفه امنیت را می توان به دو دسته امنیت استاتیکی و دینامیکی تقسیمبندی نمود. امنیت دینامیکی قابلیت سیستم در پشت سر گذاشتن نوسانات ناشی از یک خروج یا زنجیرهای از خروجها و استقرار در نقطه کار جدید قابلقبول است. پایداری گذرا یکی از مؤلفه های مهم امنیت دینامیکی سیستم است که روی قابلیت اطمینان شبکه نقش مهمی دارد. پایداری گذرا، پایداری سیستم اطمینان شبکه نقش مهمی دارد. پایداری گذرا، پایداری سیستم ندر مقابل اغتشاشات بزرگ است. خطاها را می توان به دو بخش نمود. خطاهای ناشی از خروج و خطاهای اتصال کوتاه تقسیمبندی نمود. خطاهای ناشی از خروج شامل خروج ژنراتورها یا بارها در نوج خط هم معمولاً خیلی شدید نیستند. خطاهای اتصال کوتاه نیز انواع مختلف دارند که شدیدترین آن ها خطای اتصال کوتاه سه فاز است. بنابراین در این پژوهش خطاها از نوع اتصال کوتاه سه فاز در نظر گرفته شدهاند.

در هنگام رخ دادن خطا ژنراتورها به دو دسته بحرانی و غیر بحرانی تقسیم،بندی میشوند. ژنراتورهای بحرانی، ژنراتورهای هستند که در اثر بروز خطا زاویه روتور آنها شروع به افزایش میکند و باعث ناپایداری سیستم میشوند. ژنراتورهای غیر بحرانی اینچنین نیستند و باعث ناپایداری سیستم نمیشوند.

مطالعات پایداری گذرا را می توان به دو دسته حوزه زمان و مستقیم تقسیم نمود. روش های حوزه زمان دارای این مزیت هستند که می توانند هرگونه پیچیدگی مدل را لحاظ کنند به همین خاطر نتایج حاصل از این روشها بهعنوان معیاری برای سنجش صحت نتایج سایر روشها مورد استفاده قرار می گیرند. از معایب این روشها می توان به حجم بالای محاسبات در صورت افزایش ابعاد مسئله و ارائه نکردن شاخصی برای درجه پایداری اشاره کرد. روشهای مستقیم دارای سرعت مناسبی هستند و همچنین شاخصی از درجه پایداری ارائه می دهند. از روش های مستقیم می توان به روش سطوح معادل^۳ و تابع انرژی^۴ اشاره کرد. روش تابع انرژی جزء روش های مهم ارزیابی پایداری گذرا است.

اکثر پژوهش های گذشته به بررسی اثر منابع فتوولتائیک بر روی سیستم توزیع پرداخته اند و کمتر به بررسی اثر آن بر سیستم انتقال پرداخته شده است؛ چراکه بر این گمان بودند که اثر این منابع بر روی سیستم انتقال کم است [۲]. اما امروزه با افزایش ضریب نفوذ این منابع، اثر آنها بر سیستم انتقال نیز قابل توجه شده است [۳]. در این پژوهش به بررسی اثر این منابع

¹ Adequacy

² Security

³ Equal Area Criterion

⁴ Energy Function

بر روی سیستم انتقال پرداخته می شود. همچنین پژوهش های گذشته به بررسی اثر منابع فتوولتائیک بر پایداری سیگنال کوچک یعنی پایداری به ازای اغتشاشات کوچک پرداخته اند [۴]. در شبکه های بزرگ قدرت بررسی پایداری گذرا یعنی پایداری شبکه به ازای اغتشاشات بزرگ نیز از اهمیت ویژه ای برخوردار است که در این پژوهش به بررسی آن پرداخته می شود.

با توجه به اینکه منابع فتوولتائیک دینامیک متفاوتی نسبت به ژنراتورهای سنکرون دارند با بالا رفتن ضریب نفوذ توان تولیدی این منابع به جای ژنراتورهای سنکرون، دینامیک شبکه دستخوش تغییر می شود [۵]. منابع فتوولتائیک توانایی تنظیم ولتاژ را نداشته و عمدتاً بهعنوان منابع تولید توان اکتیو هستند و توان راکتیو تولید نمی کنند. بنابراین کمبود توان راکتیو و کاهش اینرسی از اثرات جایگزینی این منابع در سیستم است. ظرفیت (ضریب نفوذ) و محل اتصال این منابع تأثیر به سزایی بر رفتار دینامیکی شبکه دارد [۶].

در این پژوهش، با توجه به نیاز جایگزینی منابع سوخت فسیلی با منابع تجدیدپذیر مانند منابع فتوولتائیک هدف جایگزینی برخی ژنراتورهای سنکرون با منابع فتوولتائیک و بررسی پایداری گذرا شبکه قدرت ۳ ماشین در مواجهه با حملات تروریستی است. در بخش ۲ روش تحقیق، بخش ۳ نتایج و بحث، بخش ۴ نتیجه گیری تشریح می شود.

۲. روش تحقیق

روش تحقیق شامل مباحث مـدل منـابع فتوولتائیـک در حـالات گذرا، تابع انرژی و نحوه گنجاندن مدل منابع فتوولتائیک و آنـالیز حساسیت است که در ادامه هرکدام از آنها تشریح میشوند.

۱-۲. مدل منابع فتوولتائیک در حالات گذرا

بسیاری از سامانههای فتوولتائیک نصب شده روی پشت بام منازل مسکونی، دارای توان خروجی کوچک و بدون قابلیت توان راکتیو هستند. بنابراین به منظور انجام مطالعات پخش بار، به عنوان بارهای با توان اکتیو منفی و ثابت لحاظ می شوند. تنها مؤلفه های توان اکتیو مورد استفاده قرار می گیرند. به عبارت دیگر، باس های شامل سامانه های VV مسکونی به صورت باس های PQ با 0 مدل می شوند. هرچند که VPهای مورد استفاده در صنعت دارای قابلیت توان راکتیو بوده و بنابراین به روشی مشابه با ژنراتوهای مرسوم برای تحلیل حالت ماندگار مدل می شوند، ایان واحدها به صورت باس های VP با محدودیت های VAR مناسب مدل می-شوند [۸].

برای مطالعات دینامیکی، PVهای خانگی به صورت بارهای جریان ثابت متناظر با تزریق توان منفی مدل می شوند. اما

PVهای صنعتی نسبت به مدل سازی برای مطالعات پخش توان به صورت متفاوتی مدل می شوند. این تفاوت در مدل سازی برای مطالعات دینامیکی ناشی از این واقعیت است که این واحدها مجهز به مبدل هایی هستند که برای در نظر گرفتن رفتار دینامیکی بهتر، نیاز به مدل سازی دارند [۹] در این پژوهش، مطابق شکل (۱) مدل در نظر گرفته شده برای منابع فتوولتائیک معادل منبع جریان است.



شکل ۱. شبکه ساده دو باس همراه با PV

در مدل کلاسیک سیستم قدرت، ژنراتورها بهصورت یک منبع ولتاژ ثابت EMF^۱ پشت راکتانس سنکرون نمایش داده میشوند. لازم به ذکر است که در مطالعات پایداری گذرا، با توجه به زمان عملکرد سیستم تنظیم خودکار ولتاژ AVR^۲، ولتاژ داخلی (جهت ثابت نگهداشتن ولتاژ پایانه) نمیتواند تغییر سریع داشته باشد. بنابراین میتوان گرههای ولتاژ داخلی را به مدل شبکه اضافه کرد. زاویه مکانیکی روتور، همان زاویه EMF داخلی ژنراتور خواهد بود. با توجه به زمان کوتاه پدیده ناپایداری گذرا و سرعت کنترلرهای فرکانس ژنراتورها، توان مکانیکی ژنراتورها ثابت در نظر گرفته میشود. همچنین از دمپینگ (میرایی) یا توان آسنکرون ژنراتور صرفنظر میگردد.

فرض می شود که شبکه قدرت دارای n باس نیرو گاهی و m باس بار غیرخطی جریان ثابت و r باس بار خطی امپدانس ثابت است. شکل (۲) طرح شماتیکی شبکه مفروض را نشان میدهد.



¹ Electromotive Force

² Automatic Voltage Regulator

منبع جریان بهصورت بار غیرخطی وارد ماتریس ادمیتانس کاهشیافته میشود و باعث بهوجود آمدن جمله I_{GL} در معادله جریان- ولتاژ میشود.

$$I_{N_{G}} = \left(\hat{Y}_{NN} - \hat{Y}_{NM} \hat{Y}_{MM}^{-1} \hat{Y}_{MN}\right) V_{N_{G}} + \hat{Y}_{NM} \hat{Y}_{MM}^{-1} I_{M}$$
(1)

که در آن:

$$Y_{red} = \hat{Y}_{NN} - \hat{Y}_{NM} \hat{Y}_{MM}^{-1} \hat{Y}_{MN}$$
^(Y)

$$I_{G_L} = \hat{Y}_{NM} \hat{Y}_{MM}^{-1} I_M \tag{(7)}$$

مشاهده میشود که رابطه جریان تزریقی به شبکه از دو جمله تشکیل شده است. درحالی که اگر بار غیرخطی در شبکه وجود نداشته باشد این رابطه تنها از یک جمله تشکیل می شود. جمله اول *Yreacc* ماتریس ادمیتانس کاهش یافته شبکه نامیده می شود؛ با کاهش دادن ماتریس ادمیتانس به گره های داخلی ژنراتور، ابعاد ماتریس به ماتریسی با ابعاد تعداد ژنراتورهای شبکه کاهش می یابد. شکل (۳) طرح شماتیکی شبکه قدرت کاهش یافته با در نظر گرفتن بار غیر خطی را نشان می دهد.



شکل ۳. طرح شماتیکی شبکه قدرت کاهشیافته

۲-۲. تابع انرژی و نحوه گنجاندن مدل منابع فتوولتائیک

روش تابع انرژی جزء روش های مهم ارزیابی پایداری گذرا است. ایـن روش بـر پایـه معیار دوم لیاپانوف در تحلیـل پایـداری سامانههای غیرخطی بنا نهاده شـده است. در ایـن روش پـس از تعیین یک تـابع انـرژی مناسب کـه انـرژی گـذرای سیسـتم را اغتشـاش در شـبکه مـیپـردازد تـا بـدینوسیله مقـدار انـرژی تزریقشده به شبکه در حین اغتشاش را بهدست آورد (*V*_{cl}). حال چنانچه مقدار این انرژی از حد معینی کـه انـرژی بحرانی (*V*_{cr}) یا دامنه جذب نقطه تعادل پایدار پس از اغتشـاش قـرار داشـته و سیستم بهصورت مجانبی پایدار است و پس از طی شـدن حالت گذرا به نقطه تعادل پایدار است و پس از طی شـدن حالت ولی چنانچه انرژی تزریقشده به شبکه در حین اغتشاش بیش از انرژی بحرانی باشد سیستم ناپایدار خواهد شـ (۱].

ارزیابی پایداری گذرا بهروش تابع انرژی گذرا فقط برای آخرین گذرا انجام می گیرد. برای ارزیابی پایداری گذرا، مقدار انرژی گذرا V در دو لحظه که یکی در انتهای آخرین اغتشاش (لحظه رفع خطا) و دیگری در نقطه تعادل ناپایدار کنترلی است، محاسبه شده و باهم مقایسه می شوند. مقدار تابع V در لحظه رفع خطا با V_{cl} و مقدار آن در نقطه تعادل ناپایدار کنترلی که مقدار بحرانی تابع V است، با V_{cr} نشان داده می شود. اگر $V_{cr} < V_{cr}$ بر باشد سیستم پایدار است و اگر $V_{cr} > V_{cr}$ سیستم ناپایدار است. بنابراین برای انجام ارزیابی پایداری گذرا، حاشیه انرژی ΔV به صورت زیر تعریف می شود.

$$\Delta V = V_{cr} - V_{cl} \tag{(f)}$$

بهعبارتدیگر اگر $0 < \Delta V$ باشد سیستم پایدار و اگر $0 > \Delta V$ باشد سیستم ناپایدار است. یکی از سختیهای این روش این است که صحت نتایج آن به محاسبه دقیق نقطه تعادل ناپایدار کنترلی بستگی دارد و این محاسبه دشوار است.

تابع انرژی از معادلات دینامیکی سیستم که نسبت به مرکز اینرسی نوشته شده است بهدست میآید. بنابراین معادله سوئینگ که نسبت به مرکز اینرسی در شبکه بعد از خطا نوشته شده است، در نظر گرفته میشود.

$$M_{i}\tilde{\omega}_{i} = P_{m_{i}} - P_{e_{i}} - \frac{M_{i}}{M_{T}}P_{COI}$$

$$\dot{\theta}_{i} = \tilde{\omega}_{i} \qquad \qquad i = 1, \Upsilon, ..., n$$
(Δ)

حاشیه انرژی از مقایسه انرژی جنبشی و پتانسیل در شرایط تعادل و حین خطا به دست میآید. مقادیر V_{cr} و V_{cr} محاسبه می شوند. برای جمله مربوط به تلفات، از فرض مسیر زاویه ای خطی، بین دو نقطه انتهای اغتشاش و نقطه تعادل ناپایدار کنترلی استفاده می شود. ($\hat{m}^{cl}, \tilde{m}^{cl}$) شرایط سیستم در انتهای اغتشاش و $(\theta^{u}, 0)$ شرایط سیستم در انتهای را نشان می دهد [۱۱]. حاشیه انرژی به صورت زیر به دست می شود.

$$\Delta V = -\frac{1}{2} \sum_{l=1}^{n} M_{i} \omega_{eq}^{cl}^{2} - \sum_{i=1}^{n} P_{i} \left(\theta_{i}^{u} - \theta_{i}^{cl}\right) - \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=i+1}^{n} [C_{ij} (\cos \theta_{ij}^{u} - \cos \theta_{ij}^{cl})] - \cos \theta_{ij}^{cl} - \cos \theta_{ij}^{cl} \\ - B_{ij} D_{ij} (\sin \theta_{ij}^{u} - \sin \theta_{ij}^{cl})] + \sum_{i=1}^{n} \int_{\theta_{i}^{cl}}^{\theta_{i}^{u}} E_{i} I_{G_{L_{i}}} \cos(\theta_{i} - \tau_{i}) d\theta_{i}$$
(F)

$$\beta_{ij} = \frac{\left(\theta_i + \theta_j - \theta_i^{s_{\gamma}} - \theta_j^{s_{\gamma}}\right)}{\theta_{ij} - \theta_{ij}^{s_{\gamma}}} D_{ij} \tag{Y}$$

جمله آخر مشخص شده مربوط به منبع جریان مدل شـده اسـت که در تابع انرژی ظاهر میشود. داخل این جملـه انتگـرال وجـود دارد که باید با خطیسازی و بهصورت تقریبی حل شود.

اگر حاشیه انرژی بهعنوان شاخص پایداری در نظر گرفته شود، دارای این کمبود خواهد بود که حاشیه انرژی در شبکههای مختلف به خصوص با تغییر ابعاد شبکه ممکن است مقادیر متفاوتی به خود بگیرد. دقت شود که هر چه انرژی جنبشی لحظه رفع خطا بیشتر باشد و نیز حاشیه جذب انرژی پتانسیل کمتر باشد، خطر ناپایداری بیشتر است. بنابراین شاخصی از میزان پایداری یا ناپایداری تحت عنوان حاشیه انرژی نرمال شده بهصورت زیر تعریف می شود:

$$\Delta V_n = \frac{\Delta V}{V_{KE_{corr}}} \tag{(A)}$$

هر چه حاشیه انرژی نرمال شده مثبت و بزرگتر باشـد، سیسـتم پایدارتر و هر جه منفیتر باشد، سیستم ناپایدارتر است.

حاشیه انرژی شاخص امنیت سیستم را قبل از وقوع خطا نشان میدهد. بنابراین سیستم میتواند خطایی شدیدتر از آن را تحمل نماید؛ مادامی که این مقدار از حاشیه ی انرژی گذرای محاسبه شده بالاتر نرود. بنابراین منطقی است که حاشیه انرژی برابر مقدار انرژی گذرایی در نظر گرفته شود که مستقیماً در ناپایداری نقش دارد.

از طرفی انرژی جنبشی تصحیح شده V_{KEcorr}، همان مؤلفهای از انرژی گذرای انتهای اغتشاش است که باید جهت حفظ پایداری به سایر شکلهای انرژی تبدیل شود. درنتیجه، حاصل تقسیم ΔV/V_{KEcorr}، معیار و شاخصی صحیح از شدت یک اغتشاش است.

۳-۲. آنالیز حساسیت

به منظور بررسی پایداری گذرای سیستم، حساسیت تابع انرژی نسبت به توان PV محاسبه می شود. بدین منظور محاسبه حساسیت پارامترهای مختلف شبکه از جمله ولتاژ داخلی ژنراتورها و ماتریس ادمیتانس کاهش یافته نسبت به توان PV لازم است. ولتاژ داخلی ژنراتورها به صورت زیر محاسبه می شود.

$$\vec{E} = \vec{V}_G + \vec{Z} \, \vec{I}_G \tag{9}$$

که در آن V_G ولتاژ پایانه، Z امپدانس داخلی و I_G جریان ژنراتورها است. برای محاسبه حساسیت ولتاژ داخلی نسبت به

توان فتوولتائیک از رابطه فوق نسبت به توان فتوولتائیـک مشـتق گرفته میشود.

$$\frac{\partial \vec{E}}{\partial P_{PV}} = \frac{\partial \vec{V}_G}{\partial P_{PV}} + \vec{Z} \frac{\partial \vec{I}_G}{\partial P_{PV}} \tag{(1.1)}$$

برای محاسبه حساسیت ولتاژ داخلی ژنراتورها به محاسبه محاسبه
$$\frac{\partial \vec{v}_G}{\partial P_{PV}} e$$

برای محاسبه حساسیت ولتاژ داخلی ژنراتورها به محاسبه $\frac{\partial \vec{v}_G}{\partial P_{PV}}$
 $\frac{\partial V_G}{\partial P_{PV}} = (-V_G sin\delta + jV_G cos\delta) \frac{\partial \delta}{\partial P_{PV}}$
 $= V_G \measuredangle \left(\delta + \frac{\pi}{2}\right) \frac{\partial \delta_G}{\partial P_{PV}}$
 $= j \vec{V}_G \frac{\partial \delta_G}{\partial P_{PV}}$ (۱۱)

$$\frac{d\vec{I}_G}{\partial P_{PV}} = \frac{\left(\frac{\partial P_G}{\partial P_{PV}} - j\frac{\partial Q_G}{\partial P_{PV}}\right) - (Q_G + jP_G)\frac{\partial \delta_G}{\partial P_{PV}}}{\vec{V}_G^*} \tag{117}$$

$$I_{n} = \left(Y_{\gamma\gamma_{cc}} - Y_{\gamma\gamma_{cc}}Y_{\gamma\gamma_{cc}}^{-\gamma}Y_{\gamma\gamma_{cc}}\right)V_{n} + Y_{\gamma\gamma_{cc}}Y_{\gamma\gamma_{cc}}^{-\gamma}I_{m}$$

$$(17)$$

$$:: \overline{V_{\gamma\gamma_{cc}}}$$

$$I_{GL} = Y_{\uparrow \downarrow cc} Y_{\downarrow \downarrow cc}^{-1} I_m$$
 (14)

$$Y_{redcc} = Y_{\gamma\gamma_{cc}} - Y_{\gamma_{1}cc} Y_{\gamma_{1}cc}^{-\gamma} Y_{\gamma_{cc}}$$
(1Δ)

با مشتق گیری از روابط فوق بهدست میآید:

$$\frac{\partial Y_{redcc}}{\partial P_{PV}} = Y_{\gamma \downarrow cc} Y_{\downarrow \downarrow cc}^{-1} \frac{\partial Y_{\downarrow cc}}{\partial P_{PV}} Y_{\downarrow \downarrow cc}^{-1} Y_{\downarrow \tau cc}$$
(18)

$$\frac{\partial I_{GL}}{\partial P_{PV}} = Y_{\gamma \downarrow cc} Y_{\downarrow \downarrow cc}^{-1} \frac{\partial I_m}{\partial P_{PV}} + Y_{\gamma \downarrow cc} Y_{\downarrow \downarrow cc}^{-1} \frac{\partial Y_{\downarrow \downarrow cc}}{\partial P_{PV}} Y_{\downarrow \downarrow cc}^{-1} I_m$$
(1Y)

با محاسبه $\frac{\partial Y_{11cc}}{\partial P_{PV}}$ و $\frac{\partial Im}{\partial P_{PV}}$ حساسیت ماتریس ادمیتانس کاهش یافته و I_{GL} نسبت به توان منابع فتوولتائیک بهدست میآید. برای محاسبه $\frac{\partial Y_{11cc}}{\partial P_{PV}}$ قسمت حقیقی و موهومی آن بهصورت جداگانه در نظر گرفته شده و مشتق گیری انجام میشود:

$$\operatorname{Re}\left(\frac{\partial \vec{Y}_{11cc}}{\partial P_{PV}}\right) = \frac{\partial G_{ij}}{\partial P_{PV}} = -\frac{1}{V^{\mathsf{T}}} - \frac{\mathsf{T} P_l}{V^{\mathsf{T}}} \frac{\partial V}{\partial P_{PV}} \tag{1A}$$

$$\operatorname{Im}\left(\frac{\partial \overline{Y}_{i_{l}cc}}{\partial P_{PV}}\right) = \frac{\partial B_{ij}}{\partial P_{PV}} \frac{Y Q_{l}}{V^{\mathsf{T}}} \frac{\partial V}{\partial P_{PV}}$$
(19)

نشان داده شده است. بدین ترتیب تابع هدف بهمنظور جایـابی و ظرفیت فتوولتائیک بهصورت زیر تعریف میشود: min Σ_{i=1}ⁿ ΔP_{Pi}

s.t. $\sum_{i=1}^{n} f_{P_i} \Delta P_{P_i} \ge -\Delta V$ (YY)

با حل مسئله کمینه سازی فوق به صورت تحلیلی می توان مکان و ظرفیت فتوولتائیک را محاسبه کرد. بدین منظور با تشکیل یک حلقه و حل تکراری، مقدار ظرفیت لازم جهت اینکه حاشیه انرژی باوجود منابع فتوولتائیک، به عددی بزرگ تر و یا مساوی صفر برسد؛ محاسبه می شود. شکل (۴) الگوریتم پیاده شده به منظور محاسبه ظرفیت PV را نشان می دهد.



شكل ۴. الگوريتم تعيين ظرفيت PV

۳-۱. بررسی تأثیر PV بر پایداری گذرا در شبکه ۳ ماشین با در نظر گرفتن یک خطا

در شکل (۵) شمای تکخطی شبکه ۳ ماشین نشان داده شده است. این شبکه شامل ۳ ژنراتور، ۹ باس و ۹ خط انتقال است. باس ۱، بهعنوان باس اسلک در نظر گرفته شده است. مقادیر تولید و مصرف با در نظر گرفتن ۲۰۰*MVA* = Sbase برحسب پریونیت بیان شده است. حال به محاسبه I_m و حساسیت آن نسبت بـه تـوان فتوولتائیـک $rac{\partial I_m}{\partial P_{PV}}$ پرداخته میشود.

$$I_m = I_{P_{PV}} + jI_{Q_{PV}} = \frac{P_{PV}}{V} + j\frac{Q_{PV}}{V}$$
(Y•)

$$\frac{\partial I_m}{\partial P_{PV}} = \left(\frac{1}{V} - \frac{\frac{\partial V}{\partial P_{PV}} P_{PV}}{V^{\intercal}}\right) + j\left(0 - \frac{\frac{\partial V}{\partial P_{PV}} Q_{PV}}{V^{\intercal}}\right) \tag{(Y1)}$$

بدین ترتیب حساسیت ماتریس ادمیتانس کاهش یافته و I_{GL} بدین ترتیب حساسیت ماتریس

۳. نتایج و بحث

درصورتی که شبکه با وقوع یک خطا، ناپایدار گردد؛ حاشیه انرژی عددی منفی خواهد بود. با محاسبه ضرایب حساسیت حاشیه انرژی نسبت به توان فتوولتائیک می توان مکان و ظرفیت آن را جهت اینکه حاشیه انرژی به عددی بزرگ تر از صفر برسد؛ محاسبه نمود. روند تعیین ظرفیت و مکان PV ها بهروش حساسیت حاشیه انرژی، بر این اساس است که بهازای خطاهای در نظر گرفته شده ابتدا حساسیت تابع انرژی نسبت به توان PV در باس های مختلف محاسبه می شود؛ سپس محل و اندازه بهینه PV جهت پایدارسازی شبکه، به کمک حل یک مسئله کمینه سازی تعیین می گردد. مقدار توان VPها باید به نحوی باشند که حاشیه انرژی شبکه بهازای خطاهایی که شبکه را ناپایدار می کند، باوجود PV پیشنهادی به عددی بزرگ تر مساوی صفر برسد. در انجام محاسبات، فرضیات زیر در نظر گرفته شده است:

 ۱- تمامی خطاهای فرض شده از نوع اتصال کوتاه سه فاز هستند.

۲- مکان خطاها در روی باسها و ابتدای خطوط واصل به آنها فرض شده است. این فرض، خطاهای وسط خطوط را هم پوشش خواهد داد.

۳- فرض گردیده است که خطاها با باز شدن خط دچار خطا، رفع شده است.

۴– بارها در طول زمان گذرا، بهصورت امپدانس ثابت مدل شدهاند.

۵- از تأثیر عملکرد AVR و گاورنر صرفنظر گردیده است.

۶- ژنراتورها با مدل کلاسیک مدل شدهاند.

فرض شود که شبکه قدرت برای یک خطا و زمان رفع خطای معین، ناپایدار بوده و دارای حاشیه انـرژی منفی اسـت و هـدف پایدارسازی شبکه بـاوجود منـابع فتوولتائیک است. حساسـیت حاشیه انرژی نسبت به توان اکتیو فتوولتائیک در باس *i*ام، با *f*_{Ppi}



شکل ۵. شمای تکخطی شبکه ۳ ماشین

فرض می گردد که شبکه فقط در صورت بروز یک خطا ناپایدار می گردد. با بررسی زمان رفع بحرانی خطاهای محتمل در شبکه، خطای دارای کمترین زمان بحرانی مشخص می گردد. مشخصات این خطا به این صورت است که خطا در خط ۸(خط واصل باسهای ۸ و ۹)-باس ۸ رخ داده است و زمان رفع خطای بحرانی آن ۲/۱۹۳۷ ثانیه است. خطا بعد از ۲/۰ ثانیه با باز شدن خط رفع می شود. بنابراین خطا در زمانی بالاتر از زمان رفع خطای بحرانی رفع شده است و شبکه ناپایدار می شود. زمان رفع خطای بحرانی با انجام تعداد زیادی شبیه سازی زمانی به دست آمده است؛ به این صورت که زمانی که مرز پایداری و ناپایداری شبکه است به عنوان زمان رفع خطای بحرانی سیستم در نظر گرفته شده است. شکل (۶) وضعیت زوایای روتور ژنراتورها را در اثر گرفته است. شکل (۶) وضعیت زوایای روتور ژنراتورها را در اثر



مشاهده می گردد که وقوع این خطا منجر به ناپایداری ژنراتور ۲ و ۳ می شود. در روش تابع انرژی به منظور محاسبه نقطه تعادل ناپایدار کنترلی، نیاز به اطلاعات سیستم در لحظه رفع خطا است. این اطلاعات با استفاده از شبیه سازی زمانی به دست می آید. اطلاعات سرعت و زوایای سیستم در مختصات مرکز اینرسی در لحظه رفع خطا، در جدول (۱) آمده است. شبیه سازی زمانی نیز

با در نظر گرفتن مدل کلاسیک ژنراتورها انجام گرفته است.

جدول ۱. اطلاعات سرعت و زاویه رفع خطای ژنراتورها برای خطای خط ۸-باس ۸

شماره ژنراتور	$\widetilde{\omega}_{cl}$ (rad/s)	$ heta_{cl}$ (درجه)
١	-•/•• X •۲۹۲	-74/411
٢	·/· 1810Y	48/188
٣	•/•••	۱۲/۸۹۱

با استفاده از نقاط شروع و همچنین استفاده از الگوریتم نیوتن رافسون بهبودیافته، مقدار دقیق زاویه نقطه تعادل ناپایدار کنترلی محاسبه می شود. این زوایا برحسب درجه در جدول (۲) نشان داده شده است. همان طور که مشاهده می شود زاویه ژنراتور بحرانی مثبت و زوایای بقیه ژنراتورها منفی است.

جدول ۲. نقاط تعادل ناپایدار کنترلی برای خطای خط ۸-باس ۸

شماره ژنراتور	$ heta^{u}$ (درجه)
١	-81/220
٢	90/424
٣	24/292

خطای قابلقبول در محاسبه نقطه تعادل ناپایدار کنترلی، مقدار ۱۰^{-۱۱} قرار داده شده است. با محاسبه نقطه تعادل ناپایدار کنترلی حاشیه انرژی در لحظ و رفع خطا برابر ۰/۰۷۳۶۹۷ و حاشیه انرژی لحظه رفع خطای بحرانی برابر ۰/۰۶۶۱۳۸ است. در لحظه رفع خطای بحرانی سیستم در مرز پایداری قرار دارد اما حاشیه انرژی منفی است، این مسئله بیان گر محافظه کارانه بودن روش تابع انرژی گذرا است. حساسیت حاشیه انرژی نسبت به توان VP در جدول (۳) آمده است.

جدول ۳. حساسیت حاشیه انرژی نسبت به توان در خطای خط ۸-باس ۸

شماره باس	$\frac{\partial \Delta V}{\partial P_i}$
١	1/1974
٢	$-1/\lambda\lambda\Delta\lambda$
٣	-1/1290
۴	٠ <i>/۶</i> ٠٧٩٠
۵	•/ \ ۲٨•٨
۶	-•/ \ 9&Y
γ	- 1/• ۲•٩
٨	-1/1080
٩	• /TTV&T

همان گونه که مشاهده می شود مقادیر ضرایب حساسیت تابع انرژی در باس های ۲ و ۳ و ۶ و ۷ و ۸ که نزدیک محل قرار گیری ژنراتورهای بحرانی است منفی است. بنابراین PV را تا حد امکان

نباید نزدیک ژنراتورهای بحرانی قرار داد چراکه در این صورت PV با تولید توان بیشتر باعث افزایش فاصله بین دو دسته بحرانی و غیر بحرانی می شود و وضعیت پایداری گذرای شبکه را بدتر می کند. ضرایب حساسیت باس های ۱ و ۴ و ۵ و ۹ که نزدیک به گروه غیر بحرانی هستند (در اینجا باس اسلک گروه غیر بحرانی است.) مثبت است بدین معنی که قرار دادن VP در این باس ها باعث بهبود پایداری گذرا می شود. اگر یک باس برای قرار دادن باعث بهبود پایداری گذرا می شود. اگر یک باس برای قرار دادن است بهترین مکان برای قرار گیری PV است. اما در صورتی که ازنظر شرایط آب و هوایی و روزهای آفتابی محدودیت وجود داشته باشد به ترتیب اولویت آمده در جدول (۴) مقدار موردنیاز PV در باس مربوطه قرار داده می شود.

خطای خط ۸-باس ۸	PV بهینه در	. مکان و مقدار	جدول ۴.
-----------------	-------------	----------------	---------

شماره باس	P_i (pu)
١	٠/٠۶١٨
۴	•/1717
۵	•/۵۷۵۴
٩	•/٣٢٣٩

با قرار دادن ۰/۰۶۱۸ در باس ۱ مشاهده می شود که مقدار حاشیه انرژی به ۰/۰۰۴۰۸۵ می رسد و سیستم پایدار می شود. شکل (۷) وضعیت نوسانات زاویه روتور ژنراتورها را در لحظه رفع خطا باوجود PV را نشان می دهد.



شکل ۷. پایداری شبکه باوجود PV در خطای خط ۸-باس ۸

۲-۳. بررسی تأثیر PV بر پایداری گذرا در شبکه ۳ ماشین با در نظر گرفتن بیش از یک خطا

با افزایش زمان رفع خطا به ۲۵/۰ ثانیه، ۴ خطا که دارای زمانهای رفع خطای بحرانی کمتر از این مقدار هستند، بهعنوان خطاهای ناپایدارکننده ظاهر می شوند. مشخصات این خطاها در جدول (۵) آمده است. لازم به ذکر است که خط ۸ خط واصل

باسهای ۸ و ۹، خط ۶ خط واصل باسهای ۷ و ۸، خط ۵ خط واصل باسهای ۶ و ۷ و خط ۳ خط واصل باسهای ۵ و ۶ هستند. ضرایب حساسیت حاشیه انرژی نسبت به توان PV مربوط به هریک از این خطاها در جدول (۶) آورده شده است.

جدول ۵ . اطلاعات ۴خطا در زمان رفع خطای ۰/۲۵ ثانیه			
	•ف ·اه·	حاشيه انرژي	حاشيه انرژي
المخربات	ریاں رکے خطاعہ بچہ ان	زمان رفع	زمان رفع خطا
مەل خط	مطای بمرانی (ثانیه)	خطاي بحراني	$\cdot/\tau\Delta$) (pu)
	(المحتك	(pu)	ثانيه)
خط ۸-باس ۸	•/١٩٣٧	-•/•۶۶١	-•/۵۱۵۹
خط ۶-باس ۸	۰/۲۰۱۳	-•/١٨٢۵	-1/2284
خط ۵-باس ۶	•/2401	_•/•٩•۵	-•/٢•۴۶
خط ۳-باس ۶	•/۲۴۶١	-•/•••۶	-•/• ١٣٣

جدول ۶. حساسیت حاشیه انرژی در زمان رفع خطای ۰/۲۵ ثانیه

11 . 10	خطا خط ۳-	خطا خط ۵- ۰	خطا خط ۸-	خطا خط ۶-
مكان خطا	باس ۶	باس ۶	باس ۸	باس ۸
شماره باس	$\frac{\partial \Delta V}{\partial P_i}$			
١	۱/۵۳	١/۵٧	1/8789	۲/•۶۸۵
٢	-1/18	٠/٨٨٨٩	-) / Å •))	-1/٣۶٢٩
٣	-1/78•1	-1/2988	-•/۶۳۶۳۷	•/٩۵٩ ∧ ٧
۴	•/٨۵٩٧١	1/18.8	٠/٩٧٨١۵	1/4609
۵	•/٣٧٩٨٧	•/٧٢۶•٣	•/۵۱۴۷۸	1/2272
۶	-•/862.6	-•/•AVA1۵	-•/۴۵۵۴	۰/ ۸۹ ۸۶۱
γ	-•/YV۵۴۵	•/87489	-•/V•۵۳۶	•/80180
٨	-•/٧٢٧٧٨	 /٧٨٩١٧ 	-•/\lambda \• \٣	-•/٢•۵۶١
٩	۰/۳۶۹۱۵	١/٠ ١٣٩	•/44811	۰/ ۸ ۲۷۸۹

حال با استفاده از الگوریتم بهینهسازی خطی با تابع هدف و محدودیتهای زیر مکان و ظرفیت موردنیاز PV برای پایدارسازی شبکه بهازای تعداد مختلف PV بهدست میآید.

$$\min \sum_{i=1}^{n} P_{PV_{i}}$$
s.t. $\sum_{i=1}^{n} f_{P_{ij}} P_{PV_{i}} \ge -\Delta V_{j}$
 $j \in \psi$
 $\cdot \le P_{PV_{i}} \le \cdot / \Upsilon$
(YY)

که در آن ψ مجموعه سناریوهای خطاه ای ناپایدارکننده است. تاکنون فرض شده است که توان اضافهشده به شبکه توسط PV از

باس اسلک کم شود و مقادیر ضرایب حساسیت نیز با ایـن فـرض بهدست آمده است. نتیجه بهینهسازی انجام شده نشان مـیدهـد که در این حالت سیستم تنها بـاوجود PV در سـه بـاس پایـدار میشود. ظرفیت PV در این باسها در جدول (۲) آمده است.

۴ خطا در شبکه	PV برای	مقادير بهينه	مکان و	جدول ۷.
---------------	---------	--------------	--------	---------

محل بهينه	توان اکتيو (pu)
باس ۱	٠ /٣
باس ۴	٠ /٣
باس ۵	•/14947

با توجه به این که باسهای ۱ و ۴ در شبکه دو طرف ترانسفورماتور هستند و ازنظر موقعیت مکانی نزدیک به هم هستند. بهتر است یکی از آنها را در نظر گرفته و دیگری از باسهای کاندید حذف شود. اگر باس ۴ حذف شود نتیجه بهینهسازی حداقل با سه باس به جواب میرسد. در جدول (۸) نتیجه بهینهسازی آمده است.

اگر باس ۱ حذف شود با محدودیت $\gamma \cdot \geq P_{PV_i} \leq \cdot / P_{PV_i} \leq \cdot / P_{PV_i} \leq \cdot / P_{PV_i}$ بهینهسازی به جوابی نمی رسد و باید این محدودیت تغییر نمایـد. اگر محدودیت به $\gamma \cdot \geq P_{PV_i} \leq \cdot / P_{PV_i}$ به نتیجه آمده در جدول (۹) می انجامد.

جدول ۸. مکان و مقادیر بهینه PV در ۳ باس با حذف باس ۴ برای ۴ خطا در شبکه

محل بهينه	توان اکتيو (pu)
باس ۱	٠ /٣
باس ۵	٠ /٣
باس ۹	• / ۲۷۵۳

جدول ۹. مکان و مقادیر بهینه PV در ۳ باس با حـذف بـاس ۱ برای ۴ خطا در شبکه

محل بهينه	توان اکتيو (pu)
باس ۴	• /۴
باس ۵	•/۴
باس ۹	•/٢•٣٨۴

صحت نتایج بهینه سازی در تمامی حالات بیان شده توسط شبیه سازی زمانی بررسی شده است و در شکل (۸) مشاهده می شود که با اعمال مقادیر پیشنهادی PV در باس های مربوط ه سیستم در هر ۴ خطا پایدار شده است.



شکل ۸. شبیه سازی زمانی پایداری شبکه در ۴ خطا الف) پایداری شبکه باوجود PV در خطای خط ۳-باس ۶ ب) پایداری شبکه باوجود PV در خطای خط ۸-باس ۸ ج) پایداری شبکه باوجود PV در خطای خط ۵-باس ۶ د) پایداری شبکه باوجود PV در خطای خط ۶-باس ۸

۵. مرجعها

- Ranjbar, M. H.; Pirayesh, A. "Providing a Method to Assess and Reduce the Risk of Power System against Terrorist Threats"; J. Adv. Defense Sci. Tech. 2016, 4, 327-337 (In Persian).
- [2] European Photovoltaic Industry Association [Online].
- [3] Hoballah, A. "Power System Dynamic Behavior with Large Scale Solar Energy Integration"; 4th Int. Conf. Electric Power and Energy Conversion Systems 2015, 1-6.
- [4] Bueno, P.; Ruiz-Rodriguez, F.; Hernndez, J. "Stability Assessment for Transmission Systems with Large Utility-Scale Photovoltaic Units"; IET Renewable Power Generation 2016, 10, 584-597.
- [5] Eftekharnejad, S.; Vittal, V.; Heydt, G. T.; Keel, B.; Loehr, J. "Small Signal Stability Assessment of Power Systems with Increased Penetration of Photovoltaic generation: A case Study"; IEEE Trans. Sustainabale Energy 2013, 4, 4.
- [6] Yagami, M.; Ishikawa, S.; Ichinohe, Y.; Misawa, K.; Tamura, J. "Transient Stability Analysis of Power System With Photovoltaic Systems Installed"; Proc. third Renewable Power Generation Conference 2014, 1-6.
- [7] Eftekharnejad, S.; Vittal, V.; Heydt, G. T.; Keel, B.; Loehr, J. "Impact of Increased Penetration of Photovoltaic Generation on Power Systems"; IEEE Trans. Power System 2013, 28, 2.
- [8] Eftekharnejad, S.; Heydt, G. T.; Vittal, V. "Optimal Generation Dispatch with high Penetration of Photovoltaic Generation"; IEEE Trans. Sustainabale Energy 2015, 6, 3.
- [9] Mahmoud, Y. A.; Xiao, W.; Zeineldin, H. H. "A Parameterization Approach for Enhancing PV Model Accuracy"; IEEE Trans. Industrial Electronics 2013, 60, 5708-5716.
- [10] Chiang, H. D. "Direct Methods for Stability Analysis of Electric Power Systems: Theoretical Foundation, BCU Methodologies, and Applications"; Wiley, 2010.
- [11] Kheradmandi, M. "Dynamic Security Assessment in Restructured Power Systems"; Ph.D Thesis, Sharif University of Technology, Tehran, 2010.

۴. نتیجهگیری

در این پژوهش با ترکیب روش تابع انرژی گذرا و تکنیک های حساسیت به بررسی پایداری گذرا باوجود منابع فتوولتائیک در سيستم قدرت يرداخته شده است. با انجام آناليز حساسيت، بهازای سناریوهای مختلف، حساسیت حاشیه انرژی نسبت به توان منابع فتوولتائيک در شبکه محاسبه گرديد. با انجام بهینهسازی خطی مقادیر و مکان مناسب جهت قرار گیری منابع فتوولتائیک در شبکه بهمنظور پایدارسازی سیستم محاسبه گردید. با استفاده از آنالیز حساسیت مشخص گردید که ضرایب حساسیت برای برخی از باس ها مثبت و برای برخی دیگر منفی است. به طور کلی این ضرایب برای باس های نزدیک به باس های ژنراتورهای بحرانی (ژنراتورهایی که در اثر بروز خطا زاویه روتورشان بالا میرود) منفی و برای باس های نزدیک به ژنراتورهای غیر بحرانی (ژنراتورهایی که در اثر بروز خطا باعث ناپایداری نمی شوند) مثبت است. با بررسی دقیق تر استنباط می شود که قرار دادن منابع فتوولتائیک در نزدیکی باس های ژنراتورهای بحرانی در پایداری گذرا اثر منفی دارد و قرار دادن آنها در باسهای نزدیک ژنراتورهای غیر بحرانی، باعث بهبود پایداری گذرا می شود. همان طور که ملاحظه گردید به ازای خطاهای مختلف حساسیت حاشیه انرژی تغییر می کند؛ زیرا ژنراتورهای بحرانی در خطاهای مختلف، متفاوت هستند. بنابراین نیاز به برنامهریزی جامعتر است. با در نظر گرفتن رفتار متفاوت ژنراتورها و نیز تأثیر متفاوت منابع فتوولتائیک در خطاهای مختلف، بهبود پایداری گذرا باوجود چهار خطا در سیستم موردبررسی قرار گرفته است. با استفاده از بهینه سازی خطی، این منابع فتوولتائیک به صورتی جایابی و محاسبه می گردند که شبکه بهازای تمام سناریوهای خطا پایدار بماند. در این پژوهش سناریوهای متفاوتی موردبررسی قرار گرفته شده است و سیستم باوجود منابع فتوولتائیک در مکان های مناسب و با ظرفیت های بهینهشده، بهازای تمامی سناریوها پایدار باقی مانده است.